

Les éléments du corrigé du devoir commun Seconde (troisième trimestre)

EXERCICE 1 : La question sur les leçons !

Mathieu doit démontrer que ce quadrilatère possède deux côtés parallèles donc les quatre points A, B, C et D doivent former deux vecteurs colinéaires (1 point). Il doit les repérer avec le dessin et calculer les coordonnées des deux vecteurs qui ont la même direction. Deux propriétés utilisées :

$\boxed{\text{Si } A(x_A; y_A) \text{ et } B(x_B; y_B) \text{ alors } \overrightarrow{AB} \dots \text{ et on utilise la condition de colinéarité de deux vecteurs.}}$

EXERCICE 2 : VRAI ou FAUX ?

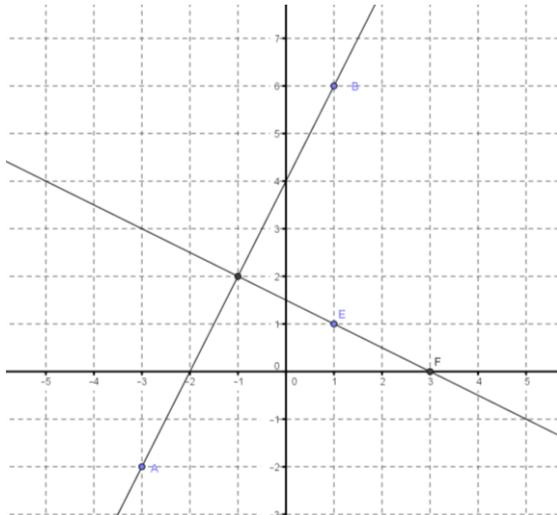
1. FAUX ! $a = 0,5$ et $a^2 = 0,25$ or $0,25 < 0,5$. 0,5 point

2. FAUX ! leurs directions peuvent être strictement parallèles

3. VRAI ! Si a et b sont dans $(-\infty; 0[$, $f(a)-f(b) = a^2-1-(b^2-1) = (a-b)(a+b)$. Si $a < b$ alors $a-b < 0$ et la somme de deux nombres négatifs est négative donc $f(a) - f(b) > 0$ et $f(a) > f(b)$. cqfd

On pouvait utiliser la composée : $x \rightarrow x^2 \rightarrow x^2 - 1$ (la fonction carrée inverse l'ordre sur $(-\infty; 0[$ et la fonction affine qui ajoute 1 conserve l'ordre)

EXERCICE 3 :



2. Les coordonnées de A vérifient l'équation de (D)

$$2(-3)+4 = -2$$

Donc A est un point de (D).

3. Les points E et F nous donnent sa pente, le coefficient directeur est $-0,5$ et il semble que la droite coupe (Oy) en $1,5$, l'équation est : $y = -0,5x + 1,5$.

4. Par le calcul :

$M(x; y)$ point de $(\Delta) \Leftrightarrow EM$ et EF sont colinéaires.

Ou

On calcule la pente $(\frac{y_F - y_E}{x_F - x_E})$ puis on utilise E ou F

pour déterminer l'ordonnée à l'origine.

5. les deux droites sont sécantes (coefficients directeurs différents $2 \neq -0,5$) et les coordonnées du point

d'intersection sont la solution unique du système $\begin{cases} y = 2x + 4 \\ y = -0,5x + 1,5 \end{cases}$ soit $(-1; 2)$

6. C'est VRAI car E et F sont équidistants de A et B ($AE = 5 = BE$ et $AF = 2 = BF$) ou (Δ) contient le milieu I de $[AB]$ (ses coordonnées $(-1; 2)$ vérifient l'équation de la droite) et est perpendiculaire à (AB) (AQE est rectangle en Q . Les longueurs vérifient la relation de Pythagore)

EXERCICE 4 :

Partie A

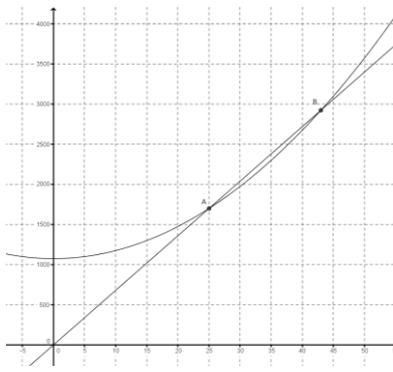
On peut conjecturer deux points d'intersection :

On lit sur le graphique et on affine avec le tableur :

Avec le tableur :

x	f(x)	g(x)
25	1700	1700
43	2924	2924

A(25 ; 1700) B(43 ; 2924)



- b) On vérifie en calculant : $f(25)$, $f(43)$, $g(25)$ et $g(43)$.
 c) x_A et x_B sont solution de : $f(x)=g(x) \Leftrightarrow x^2+1075=68x \Leftrightarrow -x^2+68x-1075=0$
 d) En développant $(43-x)(x-25)$ on obtient $-x^2+68x+1075$.
 e) L'équation produit $(43-x)(x-25)=0$ donne deux solutions 25 et 43 ! donc $A(25,1700)B(43 ;2924)$

Partie B

- 1) Coût de cette production : $C(30) = 20935\text{€}$.
 Recette de la vente de ces 30 tonnes = $30 \times 700 = 21000\text{€}$.
 Bénéfice réalisé : $21000 - 20935 = 65\text{€}$
- 2) **Bénéfice** = Recette - coût = $B(x) = 700x - (x^2 + 632x + 1075) = -x^2 + 68x - 1075$.
 a) En développant et réduisant : $B(x) = -x^2 + 68x - 1075 = (43-x)(x-25) = -(x-34)^2 + 81$
 b)
- 1) $B(x) = (43-x)(x-25)$ donne un bénéfice nul avec une production de 25 ou 43 tonnes.
 2) $B(x) = (43-x)(x-25)$ nous permet de déterminer le signe de $B(x)$ selon les valeurs de x ;

x	0	25	43	60
Signe de $43 - x$	+	+	0	-
Signe de $x - 25$	-	0	+	+
Signe de $B(x)$	-	0	+	-

Pour réaliser un bénéfice positif, il faut produire entre 25 et 43 tonnes de pâte à papier.

- 3). $B(x) = -(x-34)^2 + 81$ $B(34) = 81$ et $(x-34)^2 \geq 0 \Leftrightarrow -(x-34)^2 \leq 0 \Leftrightarrow B(x) \leq 81$ donc le bénéfice est maximum (81€) pour une production de 34 tonnes

EXERCICE 4 : (4 points)

Les résultats possibles : BB score (10 pts), RR score (14 pts) , BR score (12pts), RB score (12 pts).

Si le score est 10 l'algorithme calcule $R = (10-10)/2=0$ et $B = 2 - 0 = 2$.

L'algorithme donne le nombre de boules rouges tirées R et le nombre de boules blanches tirées B.

Le traitement propose une résolution du système :
$$\begin{cases} B + R = 2 \\ 5B + 7R = S \end{cases}$$

$$\begin{cases} B + R = 2 \\ 5B + 7R = S \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} B + R = 2 \\ 5B + 5R + 2R = S \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} B + R = 2 \\ 10 + 2R = S \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} B = 2 - R \\ R = (S - 10)/2 \end{cases}$$

Si on tire trois boules au lieu de deux, le système devient :
$$\begin{cases} B + R = 3 \\ 5B + 7R = S \end{cases}$$

$$\begin{cases} B + R = 3 \\ 5B + 7R = S \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} B + R = 3 \\ 5B + 5R + 2R = S \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} B + R = 3 \\ 15 + 2R = S \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} B = 3 - R \\ R = (S - 15)/2 \end{cases}$$

Donc :

Entrée: Saisir votre score S.
Traitement: R prend la valeur $(S-15)/2$.
 $B = 3-R$
Sortie: Afficher B et R