DEVOIR COMMUN DE MATHÉMATIQUES

(2-3 mars 2010) Durée: 1 heure 30 minutes



L'emploi des calculatrices est autorisé.

Chaque élève doit posséder son propre matériel : tout prêt (calculatrice, règle,) est interdit.

Le sujet comporte deux parties - Activités numériques et Activités géométriques - évaluées chacune sur 14 points. La présentation de la copie et la rédaction des résultats compteront pour 2 points dans la notation.

ACTIVITES NUMERIQUES

Exercice 1:

Calculer:

$$A = -(-3) + (-2) - (+4) - (-1)$$

$$B = -2 \times (-4) \times 5 \times 3,27 \times (-25)$$

$$C = -(-2+1)\times(-2-1)-(-1-1)\times(-2-2)$$

Exercice 2:

Calculer les expressions suivantes (le résultat sera donné sous forme d'une fraction irréductible):

$$D=-\frac{1}{6}+\frac{3}{4}$$

$$D = -\frac{1}{6} + \frac{3}{4}$$
 ; $E = \frac{2}{3} - \frac{1}{3} \times (1 + \frac{1}{2})$;

$$F = \frac{\frac{2}{3} - 1}{1 - \frac{1}{2}}$$

Exercice 3:

a) Supprimer les parenthèses, puis réduire l'expression suivante :

$$G = (2x - 3) - (3x + 1) - (-2x + 1)$$

b)Développer :

$$H = 2(-3x + 1)$$

c) On considère l'expression suivante :

$$J = (2x - 3)(2x + 1) + (2x - 1)(x - 1)$$

Développer et réduire J.

Calculer J pour x = 0, puis pour x = -1

Exercice 4:

Un terrain de 600 m² est occupé aux deux tiers par de la pelouse, le reste par des arbres.

Le propriétaire a calculé qu'en clôturant les quatre cinquièmes de la pelouse, il aurait assez d'herbe pour nourrir son cheval.

- a)Quelle est la superficie de la pelouse? Quelle est la superficie de l'enclos pour le cheval?
- b) Quelle fraction du terrain total représente l'enclos du cheval?

ACTIVITES GEOMETRIQUES

Exercice 1:

L'unité est le centimètre.

Soit ABC un triangle rectangle en A vérifiant AB = 4.8 et AC = 3.6

a)En utilisant le compas et la règle graduée, construire le triangle ABC (les traits de construction resteront apparents).

b)Calculer BC.

c)Soit O le milieu de [BC].

Soit M le symétrique du point A par rapport à O.

Compléter la figure.

Montrer que le quadrilatère ABMC est un rectangle.

d)La parallèle à la droite (AO) passant par B coupe la droite (CM) en N.

Compléter la figure.

En utilisant le triangle BCN, montrer que le point M est le milieu du segment [CN]

En déduire CN.

Exercice 2:

L'unité est le centimètre.

Soit MNP un triangle vérifiant :

$$PN = 5,1$$
; $PM = 6,8$ et $NM = 8,5$

a)Construire le triangle PMN (les traits de construction resteront apparents).

Vous compléterez la figure au fur et à mesure.

- b) Montrer que le triangle MNP est rectangle.
- c)Calculer l'aire du triangle MNP.
- d)Soit S un point du plan vérifiant :

$$PS = 6$$
 et $NS = 3.2$

Le triangle PNS est-il rectangle?