

## CORRIGÉ du Brevet Blanc 1 – janvier 2020

### Exercice 1 : (10 points)

- 1) Une boîte de chocolat coûte :  $19 \times 0,40 \text{ €} + 1 \text{ €} = 8,60 \text{ €}$  **3 pts**
- 2) 315 boîtes vendues rapportent :  $315 \times 8,60 \text{ €} = 2\,709 \text{ €}$  **3 pts**
- 3) On peut résoudre l'équation :  $19 \times P + 1 = 11,45$  et on obtient la solution  $P = (11,45-1)/19 = 0,55 \text{ €}$  **3 pts**  
Un chocolat doit alors coûter 0,55 € **1 pt**

### Exercice 2 : (10 points)

- 1)  $V = \frac{1}{3} \times \pi \times 4^2 \text{ cm}^2 \times 9 \text{ cm} = \pi \times \frac{16 \text{ cm}^2 \times 9 \text{ cm}}{3} = 48\pi \text{ cm}^3$  **4 pts**
- 2)  $V = 48\pi \text{ cm}^3 \approx 150,8 \text{ cm}^3$ . Avec  $1 \text{ L} = 1\,000 \text{ cm}^3$ , on peut remplir  $1000 \div 150,8 \approx 6,6$  verres soit **6** verres entiers. **4 pts** **2 pts**

### Exercice 3 : Grèce 2019 (16 points)

1. On obtient successivement :  
 $2 \rightarrow 2 + 1 = 3 \rightarrow 3^2 = 9 \rightarrow 9 - 2^2 = 9 - 4 = 5$ . **3 pts**
2. En partant de -3, on obtient :  
 $-3 \rightarrow -3 + 1 = -2 \rightarrow (-2)^2 = 4 \rightarrow 4 - (-3)^2 = 4 - 9 = -5$ . **3 pts**
3.  
Ainsi, pour tout  $x$ , on obtient  $f(x) = (x+1)^2 - x^2$   
 $f(x) = (x+1)^2 - x^2 = x^2 + 2x + 1 - x^2 = 2x + 1$ . **4 pts**
4. — La représentation graphique de la fonction  $f$  est la représentation C; **2 pts**  
— L'image de 1 par la fonction représentée est 4; **2 pts**  
— En utilisant la représentation B, l'antécédent de 3 par la fonction représentée est -1. **2 pts**

Réponses : C - A - A

### Exercice 4 : (17 points)

- 1°) **1 pt** **1 pt** **1 pt** **1 pt**  
Les droites (AD) et (BC) sont sécantes en K, les droites (CA) et (DB) sont parallèles (car toutes les deux sont perpendiculaires à (BC)), le théorème de Thalès indique donc que :  
 $\frac{KC}{KB} = \frac{KA}{KD} = \frac{AC}{DB}$  donc  $KB = \frac{KC \times DB}{AC} = \frac{120 \times 12}{60} = 224 \text{ m}$  **2 pts + 2 pts**
- 2°)  $BC = BK - KC = 224 - 120 = 104 \text{ m}$  **2 pts**
- 3°)  
HACB est un rectangle (4 angles droits) donc  $BC = AH$ .  $DH = DB - BH = 52 \text{ m}$ . **1 pt + 1 pt**  
Dans le triangle rectangle DAH, le théorème de Pythagore indique que :  
 $DA^2 = AH^2 + HD^2 = 104^2 + 52^2$  donc  $DA = \sqrt{104^2 + 52^2} \approx 116,3 \text{ m}$  **2 pts + 1 pt**

### Exercice 5 : Asie – 2018 (8 points)

1. Comme  $OC = 3OA$ , le rapport de l'homothétie permettant de passer de la figure A à la figure C est 3. **4 pts**
2. Comme  $\frac{3}{5} = 3 \times \frac{1}{5}$  et que  $OD = 5OA$  :  
l'homothétie de centre O et de rapport  $\frac{1}{5}$  permet de passer de la figure E à la figure A, puis l'homothétie de centre O et de rapport 3 permet de passer de la figure A à la figure C. On est donc passé de la figure E à la figure C. **4 pts**

**Exercice 6 : (16 points)**

est  
Pour chacune des affirmations suivantes, dire si elle **vraie** ou **fausse** en **justifiant** soigneusement la réponse.

1. **Affirmation 1:**

- Calcul de la fraction de chocolats restants après la vente de la première quinzaine de décembre.

$$1 - \frac{4}{7} = \frac{7}{7} - \frac{4}{7} = \frac{7-4}{7} = \frac{3}{7}$$

1 pt +3 pts

Donc il reste  $\frac{3}{7}$  des chocolats vendus la première quinzaine de décembre.

- Calcul de la fraction de chocolats vendus à la deuxième quinzaine de décembre.

$$\frac{1}{3} \times \frac{3}{7} = \frac{1 \times 3}{3 \times 7} = \frac{1}{7}$$

Donc le chocolatier a vendu  $\frac{1}{7}$  de ses chocolats la deuxième quinzaine de décembre.

L'affirmation 1 est vraie !

2. **Affirmation 2:** 1,5 To = 1,5 × 103 Go = 1,5 × 1 000 Go = 1 500 Go.  
ET 1 500 Go ÷ 60 Go = 25

L'affirmation 2 est fausse !

1 pt +3 pts

3. **Affirmation 3:** Soit la fonction  $f$  définie par  $f(x) = x^2 - 3x + 4$   
Pour  $x = -2$  on a  $f(-2) = (-2)^2 - 3 \times (-2) + 4 = 4 + 6 + 4 = 14$

L'affirmation 3 est vraie !

1 pt +3 pts

4. **Affirmation 4:** Soit l'expression  $g$  définie par  $g(x) = (3x - 5)(-x + 4)$

$$g(x) = (3x - 5)(-x + 4)$$

$$g(x) = -3x \times x + 3x \times 4 + 5 \times x - 5 \times 4$$

$$g(x) = -3x^2 + 12x + 5x - 20$$

$$g(x) = -3x^2 + 17x - 20$$

1 pt +3 pts

L'affirmation 4 est fausse !

**Exercice 7** : Amérique du nord 2019 (**11 points**)

1. Si l'une des notes inconnues était 16, l'étendue serait au moins égale à  $16 - 6 = 10$ ; or celle-ci est égale à 9. Il est donc impossible que l'une des deux notes inconnues soit égale à 16.

**3 pts + 1 pt**

2. Si les deux notes inconnues sont 12,5 et 13,5, alors

– l'étendue est égale à  $15 - 6 = 9$ ; **1 pts**

– la moyenne serait égale à  $\frac{10 + 13 + 15 + 14,5 + 6 + 7,5 + 12,5 + 13,5}{8} = \frac{92}{8} = 11,5$ ; **2 pts**

– il y aurait 6 élèves sur 8 ayant une note supérieure ou égale à 10, donc une proportion de

$\frac{6}{8} = \frac{3}{4} = \frac{3 \times 25}{4 \times 25} = \frac{75}{100} = 75\%$  de candidat reçus; **2 pts**

– La liste des notes serait donc :

6; 7,5; 10; 12,5; 13; 13,5; 14,5; 15 la médiane serait supérieure à 12,5 : ce n'est pas possible.

**2 pts**

**Exercice 8** : Amérique du Nord – 2019 (**12 points**)

1. aller à x: -180 y: -120 **3 pts**

2. Le chemin le plus court : monter de 3, aller à droite de 2, descendre de 3, aller à droite de 2, monter de 4, aller à droite de 8, descendre de 4, aller à droite de 1, donc en tout 27 pas de 30 unités soit 810 unités **4 pts**

3. Le lutin monte de 30 unités puis se déplace vers la droite de 30 unités. Il percute le mur. le jeu annonce « Perdu » et replace le lutin au point de départ.

**1 pts**

**1 pts**

**1 pts**

**1 pts**

**1 pts**