

Correction brevet blanc

Exercice n°1 : (6 points)

A : réponse n°3 $\frac{4}{3} - \frac{4}{3} \times \frac{27}{24} = \frac{4}{3} - \frac{4 \times 3 \times 9}{3 \times 4 \times 6} = \frac{4}{3} - \frac{9}{6} = \frac{8}{6} - \frac{9}{6} = -\frac{1}{6}$

B : réponse n°3 $(3x + 5)^2 = 9x^2 + 30x + 25$

C : réponse n°2 Dans le triangle ABC rectangle en A, on a : $\tan \widehat{ABC} = \frac{AC}{AB} = \frac{7}{5}$ donc $\widehat{ABC} \approx 54^\circ$

D : réponse n°3 $5x + 12 = 3$ $5x = 3 - 12$ $5x = -9$ $x = \frac{-9}{5} = -1,8$

E : réponse n°1 $1548 = 64 \times 24 + 12$ donc le reste est 12.

F : réponse n°1 Dans le triangle EFG rectangle en E, on a :

$$\sin \widehat{EFG} = \frac{EG}{GF} \quad \sin 37 = \frac{EG}{6,8} \quad EG = 6,8 \times \sin 37 \approx 4,1 \text{ cm}$$

Exercice n°2 : (7,5 points)

1°) $\frac{7+7+7+8+8+\dots+16+18+19}{17} = \frac{188}{17} \approx 11,1$ donc la moyenne est 11 en 3^{ème} A.

$$\frac{8+7+12+15+\dots+6+11}{17} = \frac{199}{18} \approx 11,1$$
 donc la moyenne est 11 en 3^{ème} B aussi.

2°) $17 = 8 + 1 + 8$ donc la médiane est la 9^{ème} valeur qui est la note 9 donc en 3^{ème} A, la médiane est 9.

Rangeons les notes dans l'ordre croissant pour les 3^{ème} B :

6 ; 7 ; 7 ; 7 ; 8 ; 8 ; 8 ; 10 ; 10 ; 11 ; 11 ; 11 ; 12 ; 12 ; 13 ; 15 ; 15 ; 18 et 18

$18 = 9 + 9$ donc la médiane est entre la 9^{ème} et la 10^{ème} valeur donc la médiane est 11 pour la 3^{ème} B.

3°) $19 - 7 = 12$ et $18 - 6 = 12$ donc l'étendue est la même dans les 2 classes, elle est égale à 12.

4°) La 3^{ème} B a mieux assimilé les leçons car la médiane est 11 alors qu'en 3^{ème} A, la médiane est 9. Il y a donc plus d'élèves qui ont des meilleures notes en 3^{ème} B.

5°) Le graphique 3 ne correspond à aucune classe car il n'y a pas de notes entre 0 et 5 dans les 2 classes. Calculons la proportion d'élèves ayant une note comprise entre 5 et 10 dans les 2 classes :

$$3^{\text{ème}} \text{ A : } \frac{9}{17} \approx 0,53 \quad 3^{\text{ème}} \text{ B : } \frac{6}{18} \approx 0,33$$
 La proportion est donc plus élevée en

3^{ème} A donc le graphique 1 correspond à la classe de 3^{ème} A et le graphique 2 à la classe de 3^{ème} B.

Exercice n°3 : (5 points)

1°) Dans la cellule B1, on saisit : $=2*A1*A1-3*A1-9$ ou $=2*A1^2-3*A1-9$

2°) $2 \times 6^2 - 3 \times 6 - 9 = 2 \times 36 - 18 - 9 = 72 - 27 = 45$ donc si on tape 6 en A17, on obtient 45 en B17.

3°) En lisant dans le tableur, on voit que $2x^2 - 3x - 9 = 0$ pour $x = -1,5$ et $x = 3$.

4°) $A_{ABCD} = L \times l = (2x + 3)(x - 3) = 2x^2 - 6x + 3x - 9 = 2x^2 - 3x - 9$. L'aire de ABCD est égale à 5 cm² lorsque $2x^2 - 3x - 9 = 5$ et dans le tableur, on voit que les 2 solutions sont -2 et $3,5$ donc l'aire de ABCD est égale à 5 cm² lorsque $x = 3,5$ cm (car une valeur négative n'est pas possible ici)

Exercice n°4 : (6 points)

1°) La variable S représente la somme que Louise a dans sa tirelire chaque semaine.
La variable C représente le nombre de semaines.
La variable I représente la somme qu'elle met dans sa tirelire chaque semaine.

2°)

	Valeurs de C	Valeurs de I	Valeurs de S	Condition
Etape 0	0	0	30	$30 < 100$
Etape 1	1	2	32	$32 < 100$
Etape 2	2	4	36	$36 < 100$
Etape 3	3	6	42	$42 < 100$
Etape 4	4	8	50	$50 < 100$
Etape 5	5	10	60	$60 < 100$
Etape 6	6	12	72	$72 < 100$
Etape 7	7	14	86	$86 < 100$
Etape 8	8	16	102	$102 > 100$

3°) Il faudra 8 semaines à Louise pour disposer d'au moins 100 € et elle déposera 16 € la dernière semaine.

Exercice n°5 : (6 points)

1°) $\frac{OI}{OK} = \frac{1,5}{2} = 0,75$ $\frac{OJ}{OL} = \frac{1,65}{2,2} = 0,75$ donc $\frac{OI}{OK} = \frac{OJ}{OL}$ et les points O, I, K et O, J, L sont

alignés dans le même ordre donc d'après la réciproque du théorème de Thalès, les droites (IJ) et (KL) sont parallèles donc les 2 bras de la pirogue sont bien parallèles.

2°) Dans les triangles OIJ et OKL, on a : $I \in [OK]$ $J \in [OL]$ (IJ) // (KL)

alors d'après le théorème de Thalès, on a : $\frac{OI}{OK} = \frac{OJ}{OL} = \frac{IJ}{KL}$

$$\frac{1,5}{2} = \frac{1,65}{2,2} = \frac{IJ}{1,2} \quad \text{donc} \quad IJ = \frac{1,2 \times 1,5}{2} = 0,9 \text{ m.}$$

3°) $AC^2 = 25^2 = 625$

$$AB^2 + BC^2 = 15^2 + 20^2 = 225 + 400 = 625$$

donc $AC^2 = AB^2 + BC^2$ et d'après la réciproque du théorème de Pythagore, le triangle ABC est rectangle en B. La pièce [AB] est donc bien perpendiculaire au flotteur.

Exercice n°6 : (6 points)

Calcul du prix de tous les macarons commandés :

10 boîtes de 12 petits macarons chocolat : $10 \times 16 = 160$ €, sachant que l'on dépasse 6 boîtes, on a 20 % de réduction, ce qui revient à multiplier par $1 - \frac{20}{100} = 0,8$ donc $160 \times 0,8 = 128$ €

Même prix pour 10 boîtes de 12 petits macarons vanille : 128 €

5 boîtes de 12 petits macarons framboise : $5 \times 16 = 80$ €

2 boîtes de 12 petits macarons café : $2 \times 16 = 32$ €

1 boîte de 6 petits macarons caramel : $1 \times 9 = 9$ €

Total : $128 + 128 + 80 + 32 + 9 = 377$ € Tous les macarons coûtent 377 €

Frais de livraison : $402 - 377 = 25$ Les frais de livraison sont de 25 € et comme le mariage est un samedi, l'adresse de livraison est dans la zone B.

Exercice n°7 : (8,5 points)

1°) $10 \text{ m/s} = 0,010 \text{ km/s} = 0,010 \times 3600 \text{ km/h} = 36 \text{ km/h}$ car $1 \text{ h} = 3\,600 \text{ s}$.

2°) a) Une situation de proportionnalité se représente graphiquement par une droite passant par l'origine du repère. La distance de freinage n'est donc pas proportionnelle à la vitesse du véhicule car les points ne sont pas alignés.

b) L'axe des abscisses exprime la vitesse en mètre par seconde. Or $36 \text{ km/h} = 10 \text{ m/s}$

La distance de freinage à 36 km/h est de 14 m .

c) Sur le graphique, pour une distance de freinage de 25 m , on a une vitesse d'environ $13,3 \text{ m/s}$.

3°) a) Comme $d = 0,14v^2$ donc pour $v = 10 \text{ m/s}$, on obtient $d = 0,14 \times 10^2 = 14 \text{ m}$.

b) Il faut résoudre l'équation dont l'inconnue est v :

$$0,14v^2 = 35$$

$$v^2 = \frac{35}{0,14} = 250 \quad \text{donc} \quad v = \sqrt{250} \approx 15,8$$

Une équation du second degré a deux solutions, la 2^{ème} est $-15,8$ mais comme la vitesse est une grandeur positive, la seule solution est $15,8$.

Si le conducteur a une distance d'arrêt de 35 m , il roulait à environ $15,8 \text{ m/s}$.