

**Exercice n°1 :** (10 points) – Mo1 – Ra3 – Co3

- On a  $(AC) \perp (AB)$  et  $(BD) \perp (AB)$  donc  $(AC) \parallel (BD)$
- Dans les triangles ACE et EBD, on a :  $E \in (AB)$   $E \in (CD)$   $(AC) \parallel (BD)$   
alors d'après le théorème de Thalès, on a :  $\frac{EB}{EA} = \frac{ED}{EC} = \frac{BD}{AC}$   
 $\frac{5}{20} = \frac{1}{AC}$  donc  $AC = \frac{1 \times 20}{5} = 4$  pas.

La largeur de la rivière est de 4 pas.

- Dans le triangle ACE rectangle en A, d'après le théorème de Pythagore, on a

$$CE^2 = CA^2 + AE^2 \quad CE^2 = 4^2 + 20^2 = 16 + 400 = 416 \quad \text{donc} \quad CE = \sqrt{416} \approx 20,4 \text{ pas}$$

$$CE \approx 20,4 \times 65 \approx 1325 \text{ cm soit environ } 13,3 \text{ m}$$

- $v = \frac{d}{t} = \frac{EC}{5} = \frac{13,3}{5} = 2,66 \text{ m/s}$
  - $v = 2,66 \text{ m/s} = 2,66 \times 3,6 \text{ km/h} = 9,576 \text{ km/h}$   
ou  $v = 2,66 \text{ m/s} = 0,00266 \text{ m/s} = 0,00266 \times 3600 \text{ km/h} = 9,576 \text{ km/h}$

C'est donc vrai, le bâton se déplace à une vitesse moyenne inférieure à 10 km/h.

**Exercice n°2 :** (10 points) – Mo1 – Ra3 – Co3

- $-\frac{7}{5} + \frac{6}{5} \times \frac{4}{7} = -\frac{7}{5} + \frac{24}{35} = -\frac{49}{35} + \frac{24}{35} = -\frac{25}{35}$  **Réponse n°2**
- $\frac{1}{(-2) \times (-2) \times (-2)} = \frac{1}{(-2)^3} = (-2)^{-3}$  **Réponse n°2**
- $2 \times 10^{-3} \times 10^5 = 2 \times 10^2$  **Réponse n°3**
- Le motif 17 **Réponse n°1**
- La rotation de centre O et d'angle  $72^\circ$  **Réponse n°2**

**Exercice n°3 :** (8 points) – Mo1 – Re1

- 330 est un nombre pair donc divisible par 2 donc 330 a au moins 3 diviseurs, il ne peut donc pas être un nombre premier.
  - $330 = 33 \times 10 = 3 \times 11 \times 2 \times 5 = 2 \times 3 \times 5 \times 11$
  - $330 \div 165 = 2$  donc 165 est bien un diviseur de 330.
  - $500 \div 165 \approx 3,03$ , la division ne tombe pas juste donc 165 n'est pas un diviseur de 500.
- $330 \div 165 = 2$  donc il y a 2 biscuits aux noix dans chaque boîte
- $500 \div 165 \approx 3,03$  donc il y a 3 biscuits au chocolat dans chaque boîte.
  - $3 \times 165 = 495$  donc en tout, la pâtisserie met 495 biscuits au chocolat.  
 $500 - 495 = 5$  il reste donc 5 biscuits au chocolat.

4.  $12 \times 11 = 132$       12 boîtes coûtent 132 €.  
Réduire de 5%, c'est multiplier par  $1 - \frac{5}{100} = 0,95$        $0,95 \times 132 = 125,4$   
Les 12 boîtes de biscuits coûtent donc 125,40 €.

**Exercice n°4 :**      (7 points) – Mo3 – Ca3 – Co1

- L'aire du carré est  $x^2$ .
- L'aire d'un rectangle est égale à  $L \times l$  donc ici :  $(x - 3)(x + 7) = x^2 + 7x - 3x - 21 = x^2 + 4x - 21$
- Dans les cases vides, on a mis      **4** à la ligne 5      – **21** à la ligne 6      et      **R** à la ligne 7
- Si on saisit 8, le programme effectue le calcul suivant :       $8^2 + 4 \times 8 - 21 = 64 + 32 - 21 = 75$   
Si  $x = 8$  cm, l'aire du rectangle est  $75 \text{ cm}^2$ .

**Exercice n°5 :**      (8 points) – Ch1 – Mo1 – Ra1

- Il faut mettre 2 planches par côté et le côté mesure 1,20 m       $2 \times 1,20 = 2,40$   
Les planches vendues mesurent 2,50 m, il faut donc une planche par côté, il faut donc acheter 4 planches.
  - $4 \times 5,6 = 22,4$       Les 4 planches coûtent 22,40 €  
Il y a une équerre à chaque angle       $4 \times 2,90 = 11,60$       Les 4 équerres coûtent 11,60 €  
 $8 \times 4 = 32$       Il faut 32 vis mais elles sont vendues par lot de 100 à 5,70 €  
 $22,40 + 11,60 + 5,70 = 39,70$       Le budget pour réaliser le carré potager en bois est 39,70 €.
- Il faut calculer le volume de terre mise dans le carré si on le remplit aux  $\frac{2}{3}$ .  
 $\frac{2}{3} \times 30 = \frac{60}{3} = 20$       Les  $\frac{2}{3}$  de la hauteur représentent 20 cm.  
Le volume d'un pavé droit  $L \times l \times h$        $118 \times 118 \times 20 = 278\,480$   
Le volume de terre est  $278\,480 \text{ cm}^3$        $278\,480 \text{ cm}^3 = 278,48 \text{ dm}^3 = 278,48 \text{ L}$   
 $278,48 \div 40 = 6,962$       Il faut donc acheter 7 sacs de terre végétale.

**Exercice n°6 :**      (7 points) – Mo1 – Co3

- Le pays E a produit en 2019 environ 9 TWh.
- Le pays A a produit 47 TWh et le pays B environ 24 TWh  
 $47 + 24 = 71$       A eux deux, ils ont produit 71 TWh.  
 $\frac{71}{131,8} \times 100 \approx 53,86$       Ces deux pays produisent bien environ 54 % de la production européenne.
  - $131,8 - 122,3 = 9,5$       Il y a une augmentation de 9,5 TWh entre 2018 et 2019  
 $\frac{9,5}{122,3} \times 100 \approx 7,76$       La production photovoltaïque a augmenté d'environ 7,8 %.
- L'éolien, le solaire et les bioénergies sont les 3 types d'énergies pour lesquelles la production d'électricité a augmenté tous les ans de 2017 à 2019.
  - Dans la cellule B9, on a saisi :       $=B3+B4+B5+B6+B7+B8$