

Brevet des collèges Asie 27 juin 2016

Durée : 2 heures

Indications portant sur l'ensemble du sujet :

Toutes les réponses doivent être justifiées, sauf si une indication contraire est donnée.

Pour chaque question, si le travail n'est pas terminé, laisser tout de même une trace de la recherche. Elle sera prise en compte dans la notation.

Exercice 1

4 points

Cet exercice est un questionnaire à choix multiple (QCM). Pour chaque ligne du tableau, trois réponses sont proposées, mais une seule est exacte.

Toute réponse exacte vaut 1 point.

Toute réponse inexacte ou toute absence de réponse n'enlève pas de point.

Indiquez sur votre copie le numéro de la question et, sans justifier, recopier la réponse exacte (A ou B ou C).

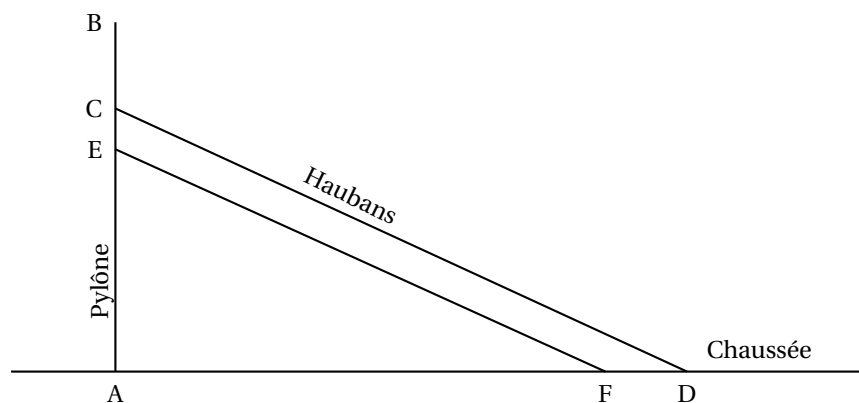
| | | A | B | C |
|----|---|---------------|-----------------|----------------|
| 1. | Dans une urne, il y a 10 boules rouges et 20 boules noires. La probabilité de tirer une boule rouge est : | $\frac{1}{2}$ | $\frac{1}{3}$ | $\frac{2}{3}$ |
| 2. | $(3x+2)^2 = \dots$ | $9x^2 + 4$ | $3x^2 + 6x + 4$ | $4 + 3x(3x+4)$ |
| 3. | Une solution de l'équation $x^2 - 2x - 8 = 0$ est : | 0 | 3 | 4 |
| 4. | Si on double toutes les dimensions d'un aquarium, alors son volume est multiplié par : | 2 | 6 | 8 |

Exercice 2

6 points

Le viaduc de Millau est un pont franchissant la vallée du Tarn, dans le département de l'Aveyron, en France. Il est constitué de 7 pylônes verticaux équipés chacun de 22 câbles appelés haubans.

Le schéma ci-dessous, qui n'est pas à l'échelle, représente un pylône et deux de ses haubans.



On dispose des informations suivantes :

$AB = 89$ m ; $AC = 76$ m ; $AD = 154$ m ; $FD = 12$ m et $EC = 5$ m.

1. Calculer la longueur du hauban [CD]. Arrondir au mètre près.
2. Calculer la mesure de l'angle \widehat{CDA} formé par le hauban [CD] et la chaussée. Arrondir au degré près.
3. Les haubans [CD] et [EF] sont-ils parallèles ?

Exercice 3**6 points**

Une entreprise de fabrication de bonbons souhaite vérifier la qualité de sa nouvelle machine de conditionnement. Cette machine est configurée pour emballer environ 60 bonbons par paquet. Pour vérifier sa bonne configuration, on a étudié 500 paquets à la sortie de cette machine.

Document 1 : Résultats de l'étude

| | | | | | | | | | |
|-------------------|----|----|----|----|-----|----|----|----|----|
| Nombre de bonbons | 56 | 57 | 58 | 59 | 60 | 61 | 62 | 63 | 64 |
| Effectifs | 4 | 36 | 53 | 79 | 145 | 82 | 56 | 38 | 7 |

Document 2 : Critères de qualité

Pour être validée par l'entreprise, la machine doit respecter trois critères de qualité :

- Le nombre moyen de bonbons dans un paquet doit être compris entre 59,9 et 60,1.
- L'étendue de la série doit être inférieure ou égale à 10.
- L'écart interquartile (c'est-à-dire la différence entre le troisième quartile et le premier quartile) doit être inférieur ou égal à 3.

La nouvelle machine respecte-t-elle les critères de qualité ?

Il est rappelé que, pour l'ensemble du sujet, les réponses doivent être justifiées.

Exercice 4**5 points**

Adèle et Mathéo souhaitent participer au marathon de Paris. Après s'être entraînés pendant des mois, ils souhaitent évaluer leur état de forme avant de s'engager. Pour cela, ils ont réalisé un test dit « de Cooper » : l'objectif est de courir, sur une piste d'athlétisme, la plus grande distance possible en 12 minutes. La distance parcourue détermine la forme physique de la personne.

Document 1 : Indice de forme selon le test de Cooper

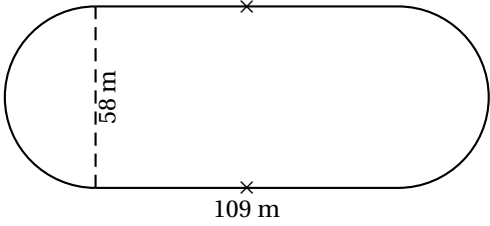
L'indice de forme d'un sportif dépend du sexe, de l'âge et de la distance parcourue pendant les 12 min.

Pour les hommes

| Indice de Forme | Moins de 30 ans | De 30 à 39 ans | De 40 à 49 ans | Plus de 50 ans |
|-----------------|------------------|------------------|------------------|------------------|
| Très faible | moins de 1 600 m | moins de 1 500 m | moins de 1 350 m | moins de 1 250 m |
| Faible | 1 601 à 2 000 m | 1 501 à 1 850 m | 1 351 à 1 700 m | 1 251 à 1 600 m |
| Moyen | 2 001 à 2 400 m | 1 851 à 2 250 m | 1 701 à 2 100 m | 1 601 à 2 000 m |
| Bon | 2 401 à 2 800 m | 2 251 à 2 650 m | 2 101 à 2 500 m | 2 001 à 2 400 m |
| Très bon | plus de 2 800 m | plus de 2 650 m | plus de 2 500 m | plus de 2 400 m |

Pour les femmes

| Indice de Forme | Moins de 30 ans | De 30 à 39 ans | De 40 à 49 ans | Plus de 50 ans |
|-----------------|------------------|------------------|------------------|------------------|
| Très faible | moins de 1 500 m | moins de 1 350 m | moins de 1 200 m | moins de 1 100 m |
| Faible | 1 501 à 1 850 m | 1 351 à 1 700 m | 1 201 à 1 500 m | 1 101 à 1 350 m |
| Moyen | 1 851 à 2 150 m | 1 701 à 2 000 m | 1 501 à 1 850 m | 1 351 à 1 700 m |
| Bon | 2 151 à 2 650 m | 2 001 à 2 500 m | 1 851 à 2 350 m | 1 701 à 2 200 m |
| Très bon | plus de 2 650 m | plus de 2 500 m | plus de 2 350 m | plus de 2 200 m |

| | |
|---|---|
| <p>Document 2 : Plan de la piste</p>  <p>Cette piste est composée de deux parties rectilignes et de deux demi-cercles.</p> | <p>Document 3 : Données du test</p> <ul style="list-style-type: none"> • Adèle a 31 ans. • Mathéo a 27 ans. • Adèle a réalisé 6 tours de piste et 150 mètres. • Mathéo a réalisé le test avec une vitesse moyenne de 13,5 km/h. |
|---|---|

1. Vérifier que la longueur de la piste est d'environ 400 mètres.
2. Adèle et Mathéo ont décidé de participer au marathon uniquement si leur indice de forme est au moins au niveau « moyen ». Déterminer si Adèle et Mathéo participeront à la course.

Exercice 5**6 points**

On considère les fonctions f et g définies par :

$$f(x) = 2x + 1 \quad \text{et} \quad g(x) = x^2 + 4x - 5.$$

Léa souhaite étudier les fonctions f et g à l'aide d'un tableur. Elle a donc rempli les formules qu'elle a ensuite étirées pour obtenir le calcul de toutes les valeurs.

Voici une capture d'écran de son travail :

| | B3 | =B1*B1+4*B1-5 | | | | | | |
|---|--------|---------------|----|----|----|---|---|----|
| | A | B | C | D | E | F | G | H |
| 1 | x | -3 | -2 | -1 | 0 | 1 | 2 | 3 |
| 2 | $f(x)$ | -5 | -3 | -1 | 1 | 3 | 5 | 7 |
| 3 | $g(x)$ | -8 | | -8 | -5 | 0 | 7 | 16 |
| 4 | | | | | | | | |

1. Quelle est l'image de 3 par la fonction f ?
2. Calculer le nombre qui doit apparaître dans la cellule C3.
3. Quelle formule Léa a-t-elle saisie dans la cellule B2 ?
4. À l'aide de la copie d'écran et sans justifier, donner une solution de l'inéquation $2x + 1 < x^2 + 4x - 5$.
5. Déterminer un antécédent de 1 par la fonction f .

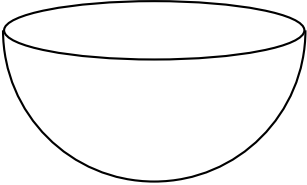
Exercice 6**3 points**

Dans chaque cas, dire si l'affirmation est vraie ou fausse. Justifier votre réponse.

1. Affirmation 1 :
Deux nombres impairs sont toujours premiers entre eux.
2. Affirmation 2 :
Pour tout nombre entier positif a et b , $\sqrt{a} + \sqrt{b} = \sqrt{a+b}$.
3. Affirmation 3 :
Si on augmente le prix d'un article de 20 % puis de 30 % alors, au total, le prix a augmenté de 56 %.

Exercice 7**6 points**

Romane souhaite préparer un cocktail pour son anniversaire.

| | |
|---|--|
| <p>Document 1 : Recette du cocktail</p> <p>Ingrédients pour 6 personnes :</p> <ul style="list-style-type: none">• 60 cl de jus de mangue• 30 cl de jus de poire• 12 cl de jus de citron vert• 12 cl de sirop de cassis <p>Préparation :</p> <p>Verser les différents ingrédients dans un récipient et remuer.</p> <p>Garder au frais pendant au moins 4 h.</p> | <p>Document 2 : Récipient de Romane</p>  <p>On considère qu'il a la forme d'une demi-sphère de diamètre 26 cm.</p> |
|---|--|

Rappels :

- Volume d'une sphère : $V = \frac{4}{3}\pi r^3$
- 1 L = 1 dm³ = 1 000 cm³

Le récipient choisi par Romane est-il assez grand pour préparer le cocktail pour 20 personnes ?

Il est rappelé que, pour l'ensemble du sujet, les réponses doivent être justifiées.
Il est rappelé que toute trace de recherche sera prise en compte dans la correction.