

**Corrigé de l'exercice 1**

Soit à inverser la matrice :

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 0 & -3 \end{pmatrix}$$

- 1. On commence par calculer le déterminant de  $A$  :

$$\det(A) = (1)(-3) - (2)(0) = -3$$

- 2. Comme  $\det(A) = -3 \neq 0$ , la matrice  $A$  est inversible.

- 3. On calcule ensuite la comatrice  $\text{Com}(A)$  (matrice des cofacteurs) :

$$\text{Com}(A) = \begin{pmatrix} -3 & 0 \\ -2 & 1 \end{pmatrix}$$

- 4. L'adjugée est la transposée de la comatrice :  $\text{adj}(A) = {}^t\text{Com}(A)$ .

$$\text{adj}(A) = {}^t\text{Com}(A) = \begin{pmatrix} -3 & -2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$$

- 5. On applique enfin la formule :  $A^{-1} = \frac{1}{\det(A)} \text{adj}(A)$ .

$$A^{-1} = \frac{1}{-3} \begin{pmatrix} -3 & -2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$$

*Finalement :*

$$A^{-1} = -\frac{1}{3} \begin{pmatrix} -3 & -2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$$

**Corrigé de l'exercice 2**

Soit à inverser la matrice :

$$A = \begin{pmatrix} -5 & -3 \\ -4 & -2 \end{pmatrix}$$

- 1. On commence par calculer le déterminant de  $A$  :

$$\det(A) = (-5)(-2) - (-3)(-4) = -2$$

- 2. Comme  $\det(A) = -2 \neq 0$ , la matrice  $A$  est inversible.

- 3. On calcule ensuite la comatrice  $\text{Com}(A)$  (matrice des cofacteurs) :

$$\text{Com}(A) = \begin{pmatrix} -2 & 4 \\ 3 & -5 \end{pmatrix}$$

►4. L'adjugée est la transposée de la comatrice :  $\text{adj}(A) = {}^t\text{Com}(A)$ .

$$\text{adj}(A) = {}^t\text{Com}(A) = \begin{pmatrix} -2 & 3 \\ 4 & -5 \end{pmatrix}$$

►5. On applique enfin la formule :  $A^{-1} = \frac{1}{\det(A)} \text{adj}(A)$ .

$$A^{-1} = \frac{1}{-2} \begin{pmatrix} -2 & 3 \\ 4 & -5 \end{pmatrix}$$

*Finalement :*

$$A^{-1} = -\frac{1}{2} \begin{pmatrix} -2 & 3 \\ 4 & -5 \end{pmatrix}$$

### Corrigé de l'exercice 3

Soit à inverser la matrice :

$$A = \begin{pmatrix} 0 & -2 \\ -1 & 2 \end{pmatrix}$$

►1. On commence par calculer le déterminant de  $A$  :

$$\det(A) = (0)(2) - (-2)(-1) = -2$$

►2. Comme  $\det(A) = -2 \neq 0$ , la matrice  $A$  est inversible.

►3. On calcule ensuite la comatrice  $\text{Com}(A)$  (matrice des cofacteurs) :

$$\text{Com}(A) = \begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 2 & 0 \end{pmatrix}$$

►4. L'adjugée est la transposée de la comatrice :  $\text{adj}(A) = {}^t\text{Com}(A)$ .

$$\text{adj}(A) = {}^t\text{Com}(A) = \begin{pmatrix} 2 & 2 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$$

►5. On applique enfin la formule :  $A^{-1} = \frac{1}{\det(A)} \text{adj}(A)$ .

$$A^{-1} = \frac{1}{-2} \begin{pmatrix} 2 & 2 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$$

*Finalement :*

$$A^{-1} = -\frac{1}{2} \begin{pmatrix} 2 & 2 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$$

**Corrigé de l'exercice 4**

Soit à inverser la matrice :

$$A = \begin{pmatrix} -3 & -6 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$$

►1. On commence par calculer le déterminant de  $A$  :

$$\det(A) = (-3)(-1) - (-6)(0) = 3$$

►2. Comme  $\det(A) = 3 \neq 0$ , la matrice  $A$  est inversible.

►3. On calcule ensuite la comatrice  $\text{Com}(A)$  (matrice des cofacteurs) :

$$\text{Com}(A) = \begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 6 & -3 \end{pmatrix}$$

►4. L'adjugée est la transposée de la comatrice :  $\text{adj}(A) = {}^t\text{Com}(A)$ .

$$\text{adj}(A) = {}^t\text{Com}(A) = \begin{pmatrix} -1 & 6 \\ 0 & -3 \end{pmatrix}$$

►5. On applique enfin la formule :  $A^{-1} = \frac{1}{\det(A)} \text{adj}(A)$ .

$$A^{-1} = \frac{1}{3} \begin{pmatrix} -1 & 6 \\ 0 & -3 \end{pmatrix}$$

*Finalement :*

$$A^{-1} = \frac{1}{3} \begin{pmatrix} -1 & 6 \\ 0 & -3 \end{pmatrix}$$